

空間図形(発展)解説

1.

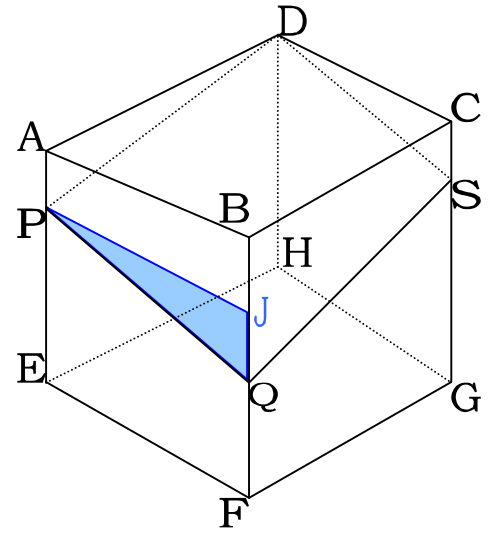
(1)

立体を平面で切断した場合、対面に現れる直線は平行です。

この場合 $PQ \parallel DS$, $PD \parallel QS$ となります。

図のように P から AB に平行に線を引いて PJQ をつくと

PJQ は DCS と合同になります。よって $AP=BQ$, $JQ=CS$
 $AP=3\text{cm}$, $BQ=7\text{cm}$ なので CS は、 $7-3=4$ となります。

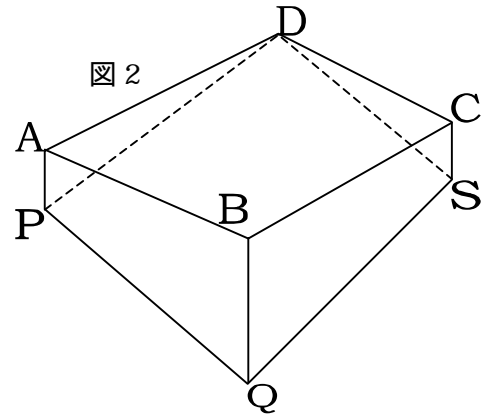


(2)

切断してできる立体のうち B を含むほうは図 2 のようになります。

このままでは体積を出すことができないのでさらに切断して考えます

図 2



点 D, B, Q を含む平面で切断します。図 3

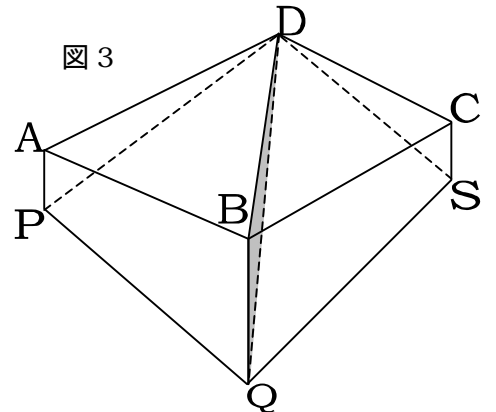
すると 2 つの四角錐になります。

一つは D を頂点として台形 APQB が底面です。

台形 APQB の面積は $3 \times 12 \div 2 + 7 \times 12 \div 2 = 60$,

高さは 12 なので $60 \times 12 \div 3 = 240$ となります。

図 3



もう一つは D を頂点として台形 BQSC が底面です。

台形 BQSC の面積は $4 \times 12 \div 2 + 7 \times 12 \div 2 = 66$

高さは 12 なので $66 \times 12 \div 3 = 264$ となります。

この 2 つを足して 504 です